

# Raisonner avec une politique d'échange d'informations incomplète

Laurence Cholvy<sup>1</sup>   Stéphanie Roussel<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup>ONERA Centre de Toulouse

<sup>2</sup>SUPAERO, Toulouse

JIAF, 2-3 Grenoble 2007

- ▶ Système multi-agents dans lesquels les agents doivent se coordonner pour réaliser une tâche globale
- ▶ Les agent doivent donc échanger de l'informations pour partager une vision commune de la situation
- ▶ Echanges régulés par une politique (réglementation)

Les propriétés (majeures) attendues sont :

- ▶ **Cohérence** : la politique ne doit jamais placer un agent face à une contradiction
  - (1) *Dès qu'un agent reçoit une information de type  $T_1$ , il doit la diffuser à tous les autres agents.*
  - (2) *L'agent A a l'interdiction de diffuser les informations de type  $T_2$  qu'il reçoit.*
  
- ▶ **Complétude** : la politique prescrit l'attitude de tout agent dans toute situation relative à l'échange d'informations.
  - (1) *Toute information de type  $T_1$  doit obligatoirement être diffusée à tous les agents.*Que faire si une information de type  $T_2$  arrive?

Langage du premier ordre avec égalité qui permet de raisonner avec des notions déontiques.

Soit  $\mathcal{A}$  les axiomes :

- ▶ (Ax1)  $\forall x \quad P(x) \leftrightarrow \neg O(\text{not}(x)).$
- ▶ (Ax2)  $\forall x \quad F(x) \leftrightarrow O(\text{not}(x)).$
- ▶ (Ax3)  $\forall x \quad T(x) \leftrightarrow P(x) \wedge P(\text{not}(x))$
- ▶ (D)  $\forall x \quad O(\text{not}(x)) \rightarrow \neg O(x).$

### Example

$(R_0)$  : *Tout agent qui reçoit une information de type  $T_1$  a l'interdiction de la diffuser*

$(R_0) \quad \forall(x, y, i) \quad \text{Recoit}(x, i) \wedge \text{Theme}(i, T_1) \wedge \text{Ag}(y) \wedge \neg(x = y) \rightarrow F(\text{dire}(x, y, i))$

## Definition (Cohérence dans un monde - version simplifiée)

Soit  $\mathcal{P}$  une politique et  $W$  un état du monde (interprétation) dans lequel elle est appliquée. On dit que  $\mathcal{P}$  est cohérente dans  $W$  ssi  $W \models \mathcal{P} \wedge \mathcal{A}$ .

### Exemple

$W_0 = \{Ag(a), Ag(b), Theme(i_1, T_1), Theme(i_2, T_2), Recoit(a, i_2)\}$ .

$\mathcal{P}_0 = \{ \forall(x, y, i) \quad Recoit(x, i) \wedge Theme(i, T_1) \wedge Ag(y) \wedge \neg(x = y) \rightarrow F(dire(x, y, i)) \}$ .

$W_0 \models \mathcal{P}_0 \wedge \mathcal{A}$ .

Donc,  $\mathcal{P}_0$  est cohérente dans le monde  $W_0$ .

## Definition (Cohérence)

$\mathcal{P}$  est cohérente si et seulement si elle est cohérente dans tout état du monde.

## Definition (Complétude dans un monde)

Soit  $\mathcal{P}$  une politique et  $W$  un état du monde dans lequel elle est appliquée.  $\mathcal{P}$  est complète pour  $\models$  dans  $W$  ssi pour tout  $x, y, i$

$$W \models \text{Recoit}(x, i) \wedge \text{Ag}(y) \wedge \neg(x = y) \Rightarrow$$

$$W \models \mathcal{P} \wedge \mathcal{A} \rightarrow O(\text{dire}(x, y, i)) \text{ ou}$$

$$W \models \mathcal{P} \wedge \mathcal{A} \rightarrow F(\text{dire}(x, y, i)) \text{ ou}$$

$$W \models \mathcal{P} \wedge \mathcal{A} \rightarrow T(\text{dire}(x, y, i))$$

## Exemple

$W_0 \models \text{Recoit}(a, i_2) \wedge \text{Ag}(b) \wedge \neg(a = b)$  mais

$W_0 \not\models \mathcal{P}_0 \wedge \mathcal{A} \rightarrow O(\text{dire}(a, b, i_2))$

$W_0 \not\models \mathcal{P}_0 \wedge \mathcal{A} \rightarrow F(\text{dire}(a, b, i_2))$

$W_0 \not\models \mathcal{P}_0 \wedge \mathcal{A} \rightarrow T(\text{dire}(a, b, i_2))$

$\mathcal{P}_0$  est incomplète pour  $\models$  dans  $W_0$ .

- ▶ **Idée** : Adapter la CWA de Reiter définie pour les bases de données incomplètes.
- ▶ **Rappel (CWA)** Si un littéral  $l$  ne peut pas être déduit d'une base de données, alors on admet que sa négation  $\neg l$  peut être déduite.
- ▶ **Justification de la CWA** : Dans le monde réel, on a  $l \otimes \neg l$  (tiers exclu).
- ▶ **En ce qui concerne les notions déontiques**, on a  $\mathcal{A} \models O(l) \otimes F(l) \otimes T(l)$ .
- ▶ On définit des règles de complétion paramétrées par des conditions  $E_i$ .

NOTATION : On note " $\mathcal{P}, W$  incomplet pour  $(x, y, i)$ " à la place de :  $W \models \text{Recoit}(x, i) \wedge \text{Ag}(y) \wedge \neg(x = y)$  et  $W \not\models \mathcal{P} \wedge \mathcal{A} \rightarrow O(\text{dire}(x, y, i))$  et  $W \not\models \mathcal{P} \wedge \mathcal{A} \rightarrow T(\text{dire}(x, y, i))$  et  $W \not\models \mathcal{P} \wedge \mathcal{A} \rightarrow F(\text{dire}(x, y, i))$

## Definition (Règles de complétion)

$$(R_{E_F}) \quad \frac{\mathcal{P}, W \text{ incomplet pour } X, \quad W \models E_F(X)}{F(\text{dire}(X))}$$

$$(R_{E_T}) \quad \frac{\mathcal{P}, W \text{ incomplet pour } X, \quad W \models E_T(X)}{T(\text{dire}(X))}$$

$$(R_{E_O}) \quad \frac{\mathcal{P}, W \text{ incomplet pour } X, \quad W \models E_O(X)}{O(\text{dire}(X))}$$

NOTATION :

On note  $\models_*$  l'inférence définie par  $\models + R_{E_F} + R_{E_T} + R_{E_O}$



## Résultat

Soit  $\mathcal{P}$  une politique et  $W$  un état du monde.  $\mathcal{P}$  est cohérente pour  $\models_*$  dans  $W$  et complète pour  $\models_*$  dans  $W$  ssi

$$\forall X = (x, y, i), \mathcal{P}, W \text{ incomplet pour } X \Rightarrow \\ W \models E_F(X) \otimes E_T(X) \otimes E_O(X)$$

## Exemple

- ▶  $E_F(x, y, i) = \text{Theme}(i, T_1)$ ,  
 $E_T(x, y, i) = \text{false}$ ,  
 $E_O(x, y, i) = \text{Theme}(i, T_2)$ .
- ▶  $\mathcal{P}_0, W_0$  incomplet pour le triplet  $(a, b, i_2)$ .
- ▶  $W_0 \models E_F(a, b, i_2) \otimes E_T(a, b, i_2) \otimes E_O(a, b, i_2)$ . La politique  $\mathcal{P}_0$  est donc complète et cohérente pour  $\models_*$  dans  $W_0$ .

### Résultat (plus faible)

Soit  $\mathcal{P}$  une politique et  $W$  un état du monde.

Si  $\forall X = (x, y, i)$

$$W \models \text{Recoit}(x, i) \wedge \text{Ag}(y) \wedge \neg(x = y) \rightarrow E_F(X) \otimes E_T(X) \otimes E_O(X)$$

alors

$\mathcal{P}$  est cohérente et complète pour  $\models_*$  dans  $W$

## Exemples de $E_i$ simples

- ▶  $E_F = True$ ,  $E_T = False$  et  $E_O = False \Rightarrow$  (sauf mention explicite, l'envoi d'informations est interdit)  
Applicable à des réglementations pour un système hautement sécurisé où chaque transmission d'information doit être explicitement autorisée avant d'être effectuée.
- ▶  $E_F = False$ ,  $E_T = True$  et  $E_O = False \Rightarrow$  (sauf mention explicite, l'envoi d'informations est autorisé)  
Applicable à des réglementations pour un système faiblement sécurisé où chaque transmission d'information, sauf précision, est implicitement autorisée.
- ▶  $E_F = False$ ,  $E_T = False$  et  $E_O = True \Rightarrow$  (sauf mention explicite, l'envoi d'informations est obligatoire)  
Applicable à des serveurs mail qui doivent laisser passer tous les mails sauf les spams.

## Relation avec les défauts

Il existe une reformulation des règles d'inférence précédentes sous forme de défauts.

$$(d_F) \frac{\text{Recoit}(x, i) \wedge \text{Ag}(y) \wedge \neg(x = y) \wedge E_F(x, y, i) : F(\text{dire}(x, y, i))}{F(\text{dire}(x, y, i))}$$

$$(d_T) \frac{\text{Recoit}(x, i) \wedge \text{Ag}(y) \wedge \neg(x = y) \wedge E_T(x, y, i) : T(\text{dire}(x, y, i))}{T(\text{dire}(x, y, i))}$$

$$(d_O) \frac{\text{Recoit}(x, i) \wedge \text{Ag}(y) \wedge \neg(x = y) \wedge E_O(x, y, i) : O(\text{dire}(x, y, i))}{O(\text{dire}(x, y, i))}$$

## Conclusion

- ▶ Formalisation des politiques d'échange d'informations
- ▶ Propriétés de cohérence et de complétude
- ▶ Proposition de règles de complétion
- ▶ Extensions à la prise en compte du temps
- ▶ Généralisation à d'autres réglementations